

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التاليين:

الموضوع الأول

يحتوي الموضوع الأول على 03 صفحات (من الصفحة 1 من 6 إلى الصفحة 3 من 6)

التمرين الأول: (04 نقاط)

في الفضاء المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ ، لتكن النقط:  $A(1;1;4)$ ،  $B(0;3;1)$  و  $C\left(\frac{4}{3}; \frac{5}{3}; 5\right)$  و المستوي  $(P)$  الذي  $x-2y+z-3=0$  معادلة له و المستقيم  $(\Delta)$  الذي

$$\begin{cases} x=1-t \\ y=2+t \\ z=4-3t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$$

تمثيلا وسيطيا له.

في كل سؤال توجد إجابة واحدة صحيحة من بين الاقتراحات الثلاثة، حددها مع التعليل.

الإجابة (ج)	الإجابة (ب)	الإجابة (أ)		
(AC)	(AB)	(Δ)	المستوي (P) يحوي المستقيم	1.
متطابقان	متقاطعان	متوازيان تماما	المستويان (P) و (ABC)	2
C	B	A	المسقط العمودي للنقطة O على المستقيم (Δ) هي النقطة	3
ليسا من نفس المستوي	متوازيان	متقاطعان	المستقيمان (Δ) و (AC)	4
مجموعة خالية	سطح كرة	مستوي	مجموعة النقط M من الفضاء حيث $BM^2 - 9CM^2 = 0$ هي	5

التمرين الثاني: (04 نقاط)

(1) حل في مجموعة الأعداد المركبة  $\mathbb{C}$  المعادلة:  $9z^2 - 6\sqrt{3}z + 4 = 0$ .

(2) في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس  $(O; \vec{u}, \vec{v})$ ، لكن النقطتين  $A$  و  $B$  لاحقتاهما على الترتيب:

$$z_B = \overline{z_A} \text{ و } z_A = \frac{\sqrt{3}}{3} + \frac{1}{3}i$$

أ- اكتب كلاً من  $z_B$  و  $z_A$  على الشكل الأسّي.

$$\text{ب- بين أن: } \left(\frac{z_A}{z_B}\right)^{2016} + \left(\frac{z_A}{z_B}\right)^{1437} = 0$$

ج- عيّن قيم العدد الطبيعي  $n$  بحيث يكون  $\left(\frac{z_A}{z_B}\right)^n$  عددا حقيقيا.

(3)  $f$  التحويل النقطي الذي يرفق بكل نقطة  $M$  لاحقتها  $z$  النقطة  $M'$  لاحقتها  $z'$  حيث:  $z' = \left(\frac{z_A}{z_B}\right)z$ .

أ- عيّن طبيعة التحويل النقطي  $f$  و عناصره المميّزة.

ب- احسب  $z_C$  لاحقة النقطة  $C$  صورة النقطة  $A$  بالتحويل  $f$ .

ج- عيّن  $z_D$  لاحقة النقطة  $D$  حتى تكون  $O$  مركز ثقل الرباعي  $ABCD$ .

التمرين الثالث: (05 نقاط)

نعتبر المعادلة  $(E)$  ذات المجهول  $(x; y)$ :  $6x - 7y = 19$  حيث  $x$  و  $y$  عدنان صحيحان.

(1) جد الحل الخاص  $(x_0; y_0)$  للمعادلة  $(E)$  بحيث  $x_0 = y_0$ ، ثم حل المعادلة  $(E)$ .

(2) استنتج قيم العدد الصحيح  $\lambda$  و التي تُحقّق:  $\begin{cases} \lambda \equiv 24 [7] \\ \lambda \equiv 5 [6] \end{cases}$ ، ثم عيّن باقي قسمة العدد  $\lambda$  على 42.

(3) عيّن جميع الثنائيات  $(x; y)$  حلول المعادلة  $(E)$  حيث:  $|x + y - 1| \leq 13$ .

(4) أ- ادرس حسب قيم العدد الطبيعي  $n$  بواقي القسمة الإقليدية للعدد  $5^n$  على 7.

ب- عيّن مجموعة قيم العدد الطبيعي  $n$  التي تُحقّق الجملة:  $\begin{cases} n - 5^n \equiv 2020 [7] \\ n \equiv 1437 [6] \end{cases}$

التمرين الرابع: (07 نقاط)

(I)  $g$  الدالة العددية المعرفة على المجال  $]-1; +\infty[$  كما يلي:  $g(x) = \frac{x-1}{x+1} + \ln(x+1)$ .

(1) أ- احسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow -1} g(x)$ .

ب- ادرس اتجاه تغير الدالة  $g$  على المجال  $]-1; +\infty[$  ثم شكّل جدول تغيراتها.

(2) أ- بين أن المعادلة  $g(x) = 0$  تقبل حلاً وحيداً  $\alpha$  حيث:  $0,4 < \alpha < 0,5$ .

ب- استنتج إشارة  $g(x)$  على المجال  $]-1; +\infty[$ .